

桃園市立平鎮高中 103 學年度第二學期 第一次段考試卷 高二數學科

適用班級：201~213

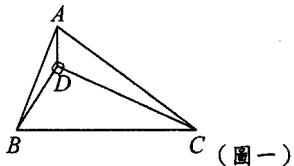
考試範圍：數(四)1-1~2-1

試卷張數：題目卷二張 3 頁

填答方式：答案卡（班號請務必劃記清楚）

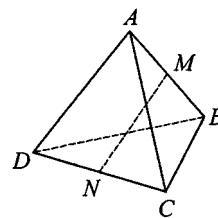
答題說明：1~4 單選題，每題 5 分；5~8 多選題，全對得 5 分，答錯 1 個選項得 3 分，答錯 2 個選項得 1 分，其餘以 0 分計；A-L 每題 5 分

- () 1. 空間中一點 $A(1, -3, 2)$ 與下列哪一個選項的距離最長？
 (1) xy 平面 (2) yz 平面 (3) $B(0, -1, 1)$ (4) y 軸 (5) z 軸 。
- () 2. 空間坐標中，已知平行四邊形 $ABCD$ 之 $A(1, 2, 3), B(2, 5, 3), C(2, 6, 4)$ 三點，則 D 點坐標為?
 (1)(1, 1, 2) (2)(1, 3, 4) (3)(3, 7, 6) (4)(3, 9, 4) (5)(-1, -5, 2) 。
- () 3. 在空間坐標中，設平面 E 為一鏡面，今有一光線過 $A(1, 1, 6)$ 射向平面 E 上之點 $P(3, 1, 2)$ ，經平面 E 反射後通過點 $B(7, -3, 2)$ ，若 $\overline{AP} = \overline{BP}$ ，則平面 E 的方程式為 $ax + by + cz = 5$ ，求 $a + b + c = ?$
 (1) -2 (2) -1 (3) 0 (4) 1 (5) 2 。
- () 4. 如圖一，四面體 $ABCD$ 其 $\overline{AD} = \overline{BD} = 2$ ， $\overline{CD} = 2\sqrt{3}$ ，且 \overline{AD} ， \overline{BD} ， \overline{DC} 兩兩互相垂直於 D 點，求點 A 到 \overline{BC} 的最短距離？(1) $\sqrt{5}$ (2) $\sqrt{6}$ (3) $\sqrt{7}$ (4) $2\sqrt{2}$ (5) 3 。



(圖一)

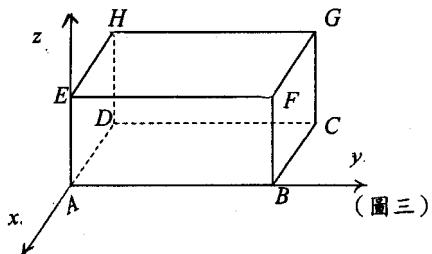
- () 5. 在圖二中， $ABCD$ 是一個邊長為 2 的正四面體，從頂點 A 對底面 BCD 做垂直線 AH 交底面於 H 點，線段 \overline{AH} 稱為此四面體的一個高；又 M, N 分別為 \overline{AB} 與 \overline{CD} 的中點。則下列敘述何者正確？(多選)
 (1) 正四面體的表面積為 $4\sqrt{3}$ (2) $\overline{AH} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$ (3) 正四面體的體積為 $\frac{2\sqrt{6}}{9}$
 (4) $\overline{MN} = \sqrt{2}$ (5) 二側面 ABC 與 ACD 所夾的二面角為 θ ，則 $\cos\theta = \frac{1}{3}$ 。



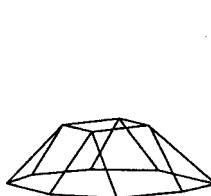
(圖二)

- () 6. 在空間中，下列敘述何者正確？(多選)
 (1) 與一直線平行的兩相異平面必互相平行
 (2) 相異三點恰可決定一平面
 (3) 與一直線垂直的兩相異不相交之直線可能平行或歪斜
 (4) 一直線 L 與 L 外一點 P ，則過 P 點恰可做一直線與 L 垂直
 (5) 若 L_1, L_2 互為歪斜線， L_1, L_3 也互為歪斜線，則 L_2, L_3 必為歪斜線 。
- () 7. 關於平面 $E: 2x - y = 0$ ，下列敘述何者正確？(多選)
 (1) 平面 E 與平面 $4x - 2y = 1$ 平行 (2) 平面 E 的法向量為 $(2, -1)$ (3) 平面 E 與 xy 平面垂直
 (4) 平面 E 與平面 $2x - y - k = 0$ 的距離為 2，則 $k = 2\sqrt{5}$ (5) 平面 E 與平面 $x + 2z - 7 = 0$ 所夾的銳角大於 60° 。

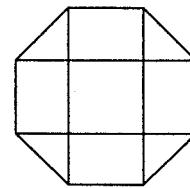
- () 8. 圖三為空間中長、寬、高分別為 5、3、2 的長方體，即 $\overline{AB} = 5$ 、 $\overline{BC} = 3$ ，且 $\overline{CG} = 2$ ，則下列敘述何者正確？（多選）
- (1) 直線 AE 直線 FH 歷斜 (2) 在長方體各邊中，與直線 AE 互為平行線的有 4 條
 (3) 在長方體各邊中，與直線 AE 互為垂直的有 4 條 (4) $\overline{BH} = 6$
 (5) 若以 A 為原點建立空間坐標系，如圖所示，則 G 點坐標為 $(3, 5, 2)$ 。



A. 有一鋼架結構模型，其底面為邊長 4 單位的正八邊形，上面為邊長 4 單位的正方形，側面有四個正方形及四個正三角形（如圖四）。從此鋼架模型上方作正射影，可得（如圖五）所示的圖形，若此鋼架模型底面與側面正三角形的夾角為 θ ，則 $\tan \theta = \sqrt{\underline{\textcircled{9}}}$ 。



(圖四)



(圖五)

B. 已知 $A(a, 2, -1)$ ， $B(1, b, 3)$ ， $C(-2, 4, c)$ 為空間中三點， ΔABC 的重心在 xz 平面的投影點為 $(-1, d, 3)$ ，求 $a + c + d = \underline{\textcircled{10}}$ 。

C. 在空間中，已知 $\overrightarrow{AB} = (2, -1, 1)$ ， $\overrightarrow{AC} = (-1, 1, -2)$ ，若 \overrightarrow{AD} 垂直 \overrightarrow{AB} ，且 \overrightarrow{CD} 平行 \overrightarrow{AB} ，則 $\overrightarrow{AD} = (x, y, z)$ 其中 $y = \frac{\underline{\textcircled{11}}}{\underline{\textcircled{12}}}$ 。

D. 同上，設 $\overrightarrow{AE} = (t, 1, 2)$ ，其中 $t > 0$ ，若由 \overrightarrow{AB} 、 \overrightarrow{AC} 、 \overrightarrow{AE} 三向量所張出之平行六面體的體積為 8，則 $t = \underline{\textcircled{13}}$ 。

E. 空間中 $A(1, 1, 2)$ 、 $B(-1, 0, 1)$ 、 $C(2, 1, -1)$ 、 $D(r, -1, -3)$ 四點共平面；又點 B 在直線 AC 上的垂足點之 z 坐標為 $\frac{s}{10}$ ，則 $r + s = \underline{\textcircled{14}} \underline{\textcircled{15}}$ 。

F. 空間中有一 ΔABC ，若 $B(2, -1, 7)$ ， $C(5, 2, 4)$ ，又 D 在線段 BC 上，且 ΔABD 的面積是 ΔABC 的 $\frac{1}{3}$ ，則 D 點的坐標為 $(\underline{\textcircled{16}}, \underline{\textcircled{17}}, \underline{\textcircled{18}})$ 。

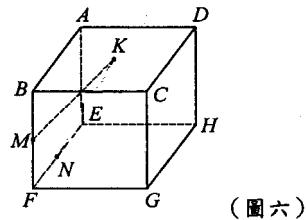
G. 設實數 x, y, z 滿足 $2x - 6y + 3z - 7 = 0$ ，則 $\sqrt{(x+5)^2 + (y-1)^2 + (z-3)^2}$ 的最小值為 ? (19) 。

H. 已知平面 E 通過點 $A(1,1,-2)$ 與 $B(4,-2,1)$ 且與平面 $E_1: x + 2y - z = 1$ 垂直，若 E 的方程式為 $x + ay + bz = c$ ，則 $a + b + c = \underline{(20)}$ 。

I. 設 x, y, z 皆為實數且滿足 $x^2 + (y+1)^2 + (z-2)^2 = 56$ ，若 $x - 3y + 2z$ 的最大值為 M 且最小值為 n ，則 $M + n = \underline{(21) (22)}$ 。

J. 如圖六， $ABCD-EFGH$ 為一正立方體， K 為正方形 $ABCD$ 的中心， M 為線段 \overline{BF} 的中點，若

$\overrightarrow{KM} = a\overrightarrow{AB} + b\overrightarrow{AD} + c\overrightarrow{AE}$ ，則 $a - b + c = \frac{\underline{(23)}}{\underline{(24)}}$ 。(答案請以最簡分數表之)



(圖六)

K. 空間中，以 \overline{AB} 為共同邊的兩正方形 $ABCD$ 與正方形 $ABEF$ 其邊長皆為 5；已知內積 $\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{AF} = 13$ ，則

$\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AE} = \underline{(25) (26)}$ 。

L. 坐標空間中 xy 平面上有一正方形，其頂點為 $O(0,0,0), A(6,0,0), B(6,6,0), C(0,6,0)$ ，另一點 P 在 xy 平面的上方，

且 $\overline{PO} = \overline{PA} = \overline{PB} = \overline{PC} = \sqrt{34}$ ，若 $E: ax + by + cz = k$ 為通過 A, B, P 三點的平面，又 $O(0,0,0)$ 與平面 E 的距離為 $\frac{|k|}{d}$ ，則 $k + d = \underline{(27) (28)}$ 。