

班級:308 310 311 312 313 數甲下第二章 ____年__班 座號____ 姓名:_____

第一部分：選擇題（佔 55 分）

壹、單選題（佔 20 分）

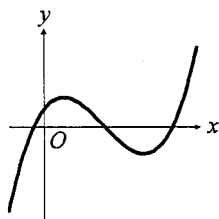
說明：第 1 至 4 題，每題選出最適當的一個選項，劃記在答案卡之「解答欄」，每題答對得 5 分，答錯不倒扣。

- () 1. 設 $f(x) = x - |x|$, $x \in \mathbb{R}$, 則 $f(x)$ 為下列何種函數? (1) 連續且可微分 (2) 不連續但可微分
(3) 連續但不可微分 (4) 不連續且不可微分.
- () 2. 求 $y = x$ 與 $y = x^3$ 兩圖形所圍成區域的面積為 (1) 0 (2) $\frac{1}{2}$ (3) 1 (4) $\frac{3}{2}$ (5) 2.
- () 3. 設直線 $L: y = 2x + a$ 與曲線 $y = x^3 - x$, 若直線 L 與曲線有三個相異的交點, 則 a 的範圍為何? (1) $a = 2$ 或 $a = -2$ (2) $-2 < a < 0$ (3) $-2 < a < 2$ (4) $0 < a < 2$.
- () 4. 若 $f(x) = \frac{(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)}{x-5}$, 則 $f'(2) =$ (1) 0 (2) -1 (3) $\frac{2}{3}$ (4) $-\frac{2}{3}$ (5) $-\frac{5}{3}$.

貳、多選題（佔 35 分）

說明：第 5 至 11 題，每題的五個選項各自獨立，其中至少有一個選項是正確的，選出正確選項劃記在答案卡之「解答欄」。每題皆不倒扣，五個選項全部答對者得 5 分，只錯一個選項可得 3 分，錯兩個選項可得 1 分，不作答或錯三個以上選項不給分。

- () 5. 函數 $f(x) = x^3(x-4)$, 下列各敘述何者正確?
(1) 在 $x = 3$ 處有極大值
(2) 極小值為 -27
(3) 有二條水平切線
(4) 有兩個反曲點
(5) $f(x) = 0$ 恰有二實根.
- () 6. 下圖為 $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ 的大略圖形, 則下列選項何者正確?
(1) $a > 0$ (2) $b > 0$ (3) $c > 0$ (4) $d > 0$ (5) $b^2 - 3ac > 0$.



- () 7. 已知 $p, q \in \mathbb{Z}$, $f(x) = x^3 - px^2 + (p^2 - 2p)x + q$, $x \in \mathbb{R}$, 若 $f(x)$ 有極大值或極小值, 則 p 值可為 (1) 1 (2) 2 (3) 3 (4) 4 (5) 5.
- () 8. 對函數 $f(x) = x^3 - 12x + 5$ 的圖形而言, 下列敘述何者正確?
(1) $f(x)$ 在區間 $(-\infty, 0)$ 的圖形為凹口向上
(2) $f(x)$ 在區間 $(0, \infty)$ 的圖形為凹口向下
(3) $f(x)$ 在區間 $[-2, \infty)$ 上為遞減函數
(4) $f(x)$ 在區間 $(-\infty, -2]$ 上為遞增函數
(5) $f(x)$ 圖形之反曲點為 $(0, 5)$.

班級:308 310 311 312 313 數甲下第二章 ____年__班 座號__ 姓名: _____

- () 9. 過曲線 $y = x^2 - 2x + 2$ 外一點 $(2, -2)$ ，對曲線作切線，下列何者為真？
 (1) 切線方程式可為 $2x + y - 2 = 0$
 (2) 切線方程式可為 $6x - y - 14 = 0$
 (3) $(0, 2)$ 為一切點
 (4) $(4, 10)$ 為一切點
 (5) 兩切線可能交於第三象限。
- () 10. 設 $f(x) = x^2 + 5$ 的圖形與 x 軸及 $x = 0, x = 3$ 所圍成的區域為 R ，將閉區間 $[0, 3]$ 等分成 n 等分，並設 R 的面積之上和為 U_n ，下和為 L_n ，則下列何者正確？
 (1) $U_{30} > R > L_{30}$ (2) $\lim_{n \rightarrow \infty} U_n = R = \lim_{n \rightarrow \infty} L_n$ (3) $U_{30} > L_{2018}$ (4) $U_{25} < L_{2020}$ (5) $U_{105} > R > L_{2016}$ 。
- () 11. 函數 $f(x) = -x^3 - 3x^2 + 9x + 2$ ，下列各敘述何者為真？
 (1) 在 $x = 1$ 處有極大值
 (2) 在 $x = -3$ 處有極小值
 (3) 其圖形恰有一個反曲點
 (4) 其圖形恰有一條水平切線
 (5) $f(x) = 0$ 恰有一正根二負根。

第二部分：選填題（佔 45 分）

說明：1. 第 A 至 I 題，將答案劃記在答案卡之「解答欄」所標示的列號 (12~31)。

2. 每題完全答對給 5 分，答錯不倒扣，未完全答對不給分。

- A. 求內接於 $y = 6x - x^2$ 與 x 軸所圍成區域的長方形的最大面積為 ⑫⑬ $\sqrt{14}$ 。
- B. 已知實數 a, b 滿足 $\int_0^2 (3x^2 + ax + b)dx = 10$ ， $\int_4^5 (3x^2 + ax + b)dx = 62$ ，求 $2a + b =$ ⑮。
- C. 已知曲線 $y = x^3 + ax^2 + bx + c$ 上以點 $P(2, -10)$ 為切點的切線斜率最小，求 a 的值為 ⑯⑰。
- D. 求橢圓 $x^2 + \frac{y^2}{9} = 1$ 繞 x 軸旋轉所得之旋轉體體積為 ⑱⑲ π 。
- E. 有一火車在直線的軌道上以 24 (米/秒) 的速度行駛，當剎車經過 t 秒後的速度為 $v(t) = 24 - 1.2t$ (米/秒)，若該火車要在指定的位置停車，則應在指定位置的前面 ⑳㉑㉒ 米處剎車。
- F. 已知函數 $f(x) = -x^3 + ax^2 - 9x + b$ 在 $x = -1$ 處有極大值 2，試求 $f(x)$ 的極小值為 ㉓㉔。
- G. 求 $f(x) = x^2 + 2x - 3$ 的圖形與 $y = 0, x = 0$ 及 $x = 2$ 所圍成區域的面積為 ㉕。
- H. 已知由拋物線 $y = 4x - x^2$ 與直線 $y = x$ 所圍成的區域為 R ，求 R 繞 x 軸旋轉所得的旋轉體體積為 ㉖ ㉗ ㉘ π 。
- I. 已知 $\int_1^2 f(x)dx = 2$ ， $\int_2^4 f(x)dx = 5$ ， $\int_1^2 g(x)dx = 3$ ， $\int_2^4 g(x)dx = -1$ ，求 $\int_1^4 (3f(x) + 2g(x))dx =$ ㉙㉚。