

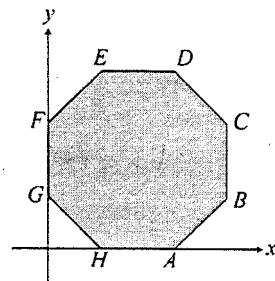
試卷張數：共計 4 張 第 1 頁

_____ 班 _____ 號 姓名：_____

一、單一選擇題：(每題 5 分)

1. 一線性規劃問題的可行解區域為坐標平面上的正八邊形 $ABCDEFGH$ 及其內部，如右圖。已知目標函數 $ax + by + 3$ (其中 a, b 為實數) 的最小值只發生在 C 點。請問當目標函數改為 $3 - bx - ay$ 時，最大值會發生在下列哪一點？

- (1) A
- (2) B
- (3) C
- (4) D
- (5) E



2. 在坐標平面上，以 $(0, 1), (-2, 0), (-2, 2)$ 等三個點為頂點的三角形，與圓 $x^2 + y^2 + 2x + 2y + 1 = 0$ 有幾個交點？

- (1) 2 個
- (2) 3 個
- (3) 4 個
- (4) 5 個
- (5) 6 個。

3. 箱中有編號分別為 $1, 2, \dots, 9$ 的九顆球。隨機抽取一球，記錄後將球放回，再隨機抽取一球，然後將這兩球編號相乘。如果取出的二球號碼乘積與目標乘積差距小於等於 1 則稱為成功事件(例如：目標乘積為 10，二球號碼分別為 3、3 或 2、5 皆為成功事件，但是 2、6 或 3、4 皆為失敗事件)。請問目標乘積設為下列哪一個選項時，其成功的機率最大？

- (1) 36
- (2) 25
- (3) 15
- (4) 9
- (5) 6

4. 在密閉的實驗室中，開始時有某種細菌 10,000 隻，並且以每 3 小時增加 20 % 的速率繁殖。如果依此速率持續繁殖，則幾個小時後細菌的數量最接近 1,000,000 隻？

- (1) 90 小時

- (2) 75 小時
 (3) 60 小時
 (4) 45 小時
 (5) 30 小時
5. 設 $(a_{n+1})^2 = 10 \times (a_n)^2$, n 為正整數，且知 a_n 皆為正。令 $b_n = \log a_n$ ，則數列 b_1, b_2, b_3, \dots 為？
 (1) 公差為正的等差數列
 (2) 公差為負的等差數列
 (3) 公比為正的等比數列
 (4) 公比為負的等比數列
 (5) 既非等差亦非等比數列。
- 二、多重選擇題：(每題 5 分，錯一個選項可得 3 分，錯兩個選項得 1 分，錯三個選項以上不給分)
6. 已知 $\sin \theta = \frac{3}{5}$ 且 $\cos \theta < 0$ ，請問下列哪些選項是正確的？
 (1) $\tan \theta < 0$
 (2) $\tan^2 \theta > 1$
 (3) $\sin^2 \theta > \cos^2 \theta$
 (4) $\cos 2\theta > 0$
 (5) $\sin 3\theta > 0$
7. 坐標平面中，向量 \vec{w} 與向量 $\vec{v} = (\frac{4}{5}, \frac{-3}{5})$ 互相垂直且等長。請問下列哪些選項是正確的？
 (1) 向量 \vec{w} 必為 $(\frac{3}{5}, \frac{4}{5})$
 (2) 向量 $|\vec{v} + \vec{w}| = |\vec{w}|$
 (3) 向量 $\vec{v} + \vec{w}$ 與 $\vec{v} - \vec{w}$ 的夾角為 90°
 (4) 若向量 $\vec{u} = a\vec{v} + b\vec{w}$ ，其中 a, b 為實數，則向量 \vec{u} 的長度為 $\sqrt{a^2 + b^2}$
 (5) 若向量 $(1, 0) = c\vec{v} + d\vec{w}$ ，其中 c, d 為實數，則 $c > 0$ 。
8. 考慮坐標平面上以 $O(0, 0)$, $A(5, 0)$, $B(0, 12)$ 為頂點的三角形，令 C_1, C_2 分別為 $\triangle OAB$ 的外接圓、內切圓。
 請問下列哪些選項是正確的？
 (1) C_2 的圓心在直線 $y = x$ 上
 (2) C_2 的圓心在直線 $2x + 3y = 10$ 上。
 (3) C_1 的半徑為 13
 (4) C_1 的圓心在直線 $y = x$ 上
 (5) C_1 的圓心在直線 $12x + 5y = 60$ 上

9. 一物體由坐標平面中的點 $(9, -12)$ 出發，沿著向量 \vec{v} 所指的方向持續前進，可以進入第一象限。請選出正確的選項。

- (1) $\vec{v} = (-1, 2)$
- (2) $\vec{v} = (-1, -2)$
- (3) $\vec{v} = (0, 0.1)$
- (4) $\vec{v} = (0.1, 10)$
- (5) $\vec{v} = (-0.1, 0.001)$ 。

10. 設 $f(x) = x^4 - 5x^3 + 4x^2 + ax + b$ 為實係數多項式，且知 $f(1-i) = 0$ (其中 $i^2 = -1$)。請問下列哪些選項是多項式方程式 $f(x) = 0$ 的根？

- (1) $-1-i$
- (2) $1+i$
- (3) 2
- (4) -1
- (5) 4

11. 坐標平面上，在函數圖形 $y = \log_2 x$ 上，標示 A、B、C、D 四個點，其 x 坐標分別為 0.25、0.5、1、2
請選出正確的選項。

- (1) 點 B 落在直線 AC 上方
- (2) 在直線 AB、直線 BC、直線 CD 中，以直線 CD 的斜率最大
- (3) A、B、C、D 四個點，有兩個點在 x 軸上方
- (4) 直線 $y = 0.5x$ 與 $y = \log_2 x$ 的圖形有兩個交點
- (5) 點 B 與點 D 對稱於 x 軸

12. 設 $f(x)$ 為實係數三次多項式，且已知 $f(0) = -2$ 、 $f(1) > 0$ 、 $f(2) < 0$ 、 $f(3) > 0$ 。

令 $g(x) = f(x) + (x-2)(x-3)$ ，請選出正確的選項。

- (1) $f(x) = 0$ 有三個相異實數解
- (2) $g(x) = 0$ 有 3 正根
- (3) $f(x) = 0$ ， x 在 1 與 2 之間恰有一個實根
- (4) $g(x) = 0$ ， x 在 0 與 1 之間恰有一個實根
- (5) 若 α 為 $f(x) = 0$ 的最大實根，若 β 為 $g(x) = 0$ 的最大實根，則 $\alpha < \beta$

三、填充題：(每格 5 分)

13. 設 \vec{u} , \vec{v} 為兩個長度皆為 2 的向量。若 $\vec{u} + \vec{v}$ 與 \vec{u} 的夾角為 30° ，則 \vec{u} 與 \vec{v} 的內積為 (13)。

14. 設點 $A(2, 2)$ 、 $B(4, 8)$ 為坐標平面上兩點，且點 P 在一次函數 $y=2x-1$ 的圖形上變動。當 P 點的 x 坐標為 (14) 時，內積 $\overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{PB}$ 有最小值 (15)(16)(17)。

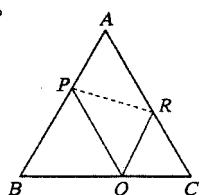
15. 設 $A(1, 1)$, $B(3, 5)$, $C(5, 3)$, $D(0, -7)$, $E(2, -3)$ 及 $F(8, -6)$ 為坐標平面上的六個點。若直線 L 分別與三角形 ABC 及三角形 DEF 各恰有一個交點，則 L 的斜率之最大可能值為 (18)。

16. 設銳角三角形 ABC 的外接圓半徑為 $\sqrt{30}$ 。已知外接圓圓心到 \overline{AB} 的距離為 $\sqrt{6}$ ，而到 \overline{BC} 的距離為 $\sqrt{15}$ ，則 $\overline{AC}=a\sqrt{b}$ ，則 $(a, b) = (19, 20)$

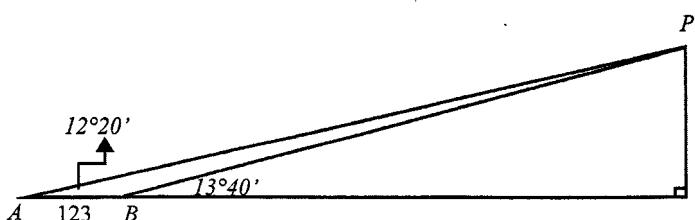
17. 坐標平面上，一圓與直線 $3x-4y=10$ 以及直線 $3x-4y=-20$ 均相切。則此圓的面積為 (21) π 。

18. 小燦預定在陽台上種植玫瑰、百合和向日葵等三種盆栽。其中玫瑰與百合要種奇數盆、向日葵要種植偶數盆，如果陽台上的空間最多能種 12 盆，可以不必擺滿，但是每種花都要種植，其中則小燦買盆栽的方法共有 (22) 種。

19. 在邊長為 11 的正三角形 ABC 上各邊分別取一點 P, Q, R ，使得 $APQR$ 形成一平行四邊形，如右圖所示：若平行四邊形 $APQR$ 的面積為 $14\sqrt{3}$ ，則線段 PR 的長度為 $\sqrt{10a+b}$ ，其中 a, b 為正整數，則 $(a, b) = (24, 25)$ 。



20. 如圖，老王在平地點 A 測得遠方山頂點 P 的仰角為 $12^\circ 20'$ 。老王朝著山的方向前進 123 公尺後來到點 B ，再測得山頂點 P 的仰角為 $13^\circ 40'$ 。則山高約為 (26)(27)(28) 公尺。(四捨五入至個位數 $\tan 12^\circ 20' \approx 0.2186$, $\tan 13^\circ 40' \approx 0.2432$)



桃園市立平鎮高級中學 104學年第1學期 月考二三年級不限組別數學乙 I [20151126300020101057] 全體考生 試題分析表

| 題號 | 題型 | 題分 | 標準答案 | 全體 | | | 413 | | | 高分組 | | | 112 | | | 低分組 | | | 112 | | | 全體答 對率 | 難易 指數 | 鑑別 指數 |
|----|------|----|------|-----|-----|-----|-----|-----|---|-----|-----|-----|-----|----|---|-----|-----|----|-----|----|---|-----------|----------|----------|
| | | | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 未 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 未 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 未 | | | |
| 1 | 單選題 | 5 | 4 | 146 | 266 | 0 | 0 | 0 | 1 | 63 | 49 | 0 | 0 | 0 | 0 | 19 | 93 | 0 | 0 | 0 | 0 | 35.35% | 0.366 | 0.393 |
| 2 | 送分題 | 5 | . | 0 | 407 | 0 | 0 | 0 | 6 | 0 | 111 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 110 | 0 | 0 | 0 | 2 | 100.00% | 1.000 | 0.000 |
| 3 | 單選題 | 5 | 4 | 158 | 254 | 0 | 0 | 0 | 1 | 50 | 62 | 0 | 0 | 0 | 0 | 30 | 82 | 0 | 0 | 0 | 0 | 38.26% | 0.357 | 0.179 |
| 4 | 單選題 | 5 | 2 | 102 | 308 | 0 | 0 | 0 | 3 | 44 | 67 | 0 | 0 | 0 | 1 | 12 | 100 | 0 | 0 | 0 | 0 | 24.70% | 0.250 | 0.286 |
| 5 | 單選題 | 5 | 1 | 171 | 240 | 0 | 0 | 0 | 2 | 75 | 36 | 0 | 0 | 0 | 1 | 14 | 98 | 0 | 0 | 0 | 0 | 41.40% | 0.397 | 0.545 |
| 6 | 多重選五 | 5 | 145 | 378 | 93 | 68 | 286 | 245 | 1 | 104 | 18 | 16 | 89 | 76 | 0 | 90 | 47 | 39 | 59 | 55 | 1 | 34.62% | 0.304 | 0.393 |
| 7 | 多重選五 | 5 | 345 | 132 | 88 | 342 | 241 | 307 | 2 | 28 | 14 | 97 | 60 | 92 | 0 | 51 | 38 | 82 | 71 | 72 | 1 | 21.31% | 0.205 | 0.107 |
| 8 | 多重選五 | 5 | 125 | 337 | 162 | 94 | 65 | 340 | 1 | 100 | 41 | 9 | 12 | 99 | 0 | 76 | 52 | 51 | 38 | 78 | 0 | 17.19% | 0.170 | 0.143 |
| 9 | 多重選五 | 5 | 134 | 297 | 68 | 349 | 367 | 95 | 2 | 88 | 14 | 96 | 99 | 21 | 0 | 63 | 30 | 81 | 89 | 42 | 2 | 47.46% | 0.411 | 0.304 |
| 10 | 多重選五 | 5 | 245 | 93 | 369 | 161 | 232 | 198 | 4 | 17 | 104 | 22 | 74 | 74 | 0 | 45 | 91 | 65 | 52 | 38 | 1 | 23.97% | 0.277 | 0.411 |
| 11 | 多重選五 | 5 | 14 | 251 | 196 | 175 | 278 | 137 | 3 | 79 | 30 | 33 | 81 | 23 | 1 | 56 | 76 | 61 | 65 | 54 | 2 | 16.95% | 0.183 | 0.330 |
| 12 | 多重選五 | 5 | 135 | 312 | 136 | 350 | 182 | 192 | 4 | 92 | 29 | 102 | 39 | 44 | 0 | 63 | 50 | 83 | 66 | 58 | 2 | 15.98% | 0.143 | 0.107 |
| 13 | 題組A | 5 | 2 | 276 | 137 | 0 | 0 | 0 | 0 | 87 | 25 | 0 | 0 | 0 | 0 | 43 | 69 | 0 | 0 | 0 | 0 | 66.83% | 0.580 | 0.393 |
| 14 | 題組B | 5 | 3-10 | 85 | 328 | 0 | 0 | 0 | 0 | 48 | 64 | 0 | 0 | 0 | 0 | 3 | 109 | 0 | 0 | 0 | 0 | 20.58% | 0.228 | 0.402 |
| 18 | 題組C | 5 | 8 | 225 | 188 | 0 | 0 | 0 | 0 | 86 | 26 | 0 | 0 | 0 | 0 | 26 | 86 | 0 | 0 | 0 | 0 | 54.48% | 0.500 | 0.536 |
| 19 | 題組D | 5 | 63 | 68 | 345 | 0 | 0 | 0 | 0 | 36 | 76 | 0 | 0 | 0 | 0 | 3 | 109 | 0 | 0 | 0 | 0 | 16.46% | 0.174 | 0.295 |
| 21 | 題組E | 5 | 9 | 200 | 213 | 0 | 0 | 0 | 0 | 76 | 36 | 0 | 0 | 0 | 0 | 21 | 91 | 0 | 0 | 0 | 0 | 48.43% | 0.433 | 0.491 |
| 22 | 題組F | 5 | 35 | 44 | 369 | 0 | 0 | 0 | 0 | 25 | 87 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 108 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10.65% | 0.129 | 0.188 |
| 24 | 題組G | 5 | 37 | 122 | 291 | 0 | 0 | 0 | 0 | 59 | 53 | 0 | 0 | 0 | 0 | 8 | 104 | 0 | 0 | 0 | 0 | 29.54% | 0.299 | 0.455 |
| 26 | 題組H | 5 | 266 | 110 | 303 | 0 | 0 | 0 | 0 | 47 | 65 | 0 | 0 | 0 | 0 | 8 | 104 | 0 | 0 | 0 | 0 | 26.63% | 0.246 | 0.348 |

選擇題或五選項以上各題以 1(或A) 表示作答正確, 2(或B) 表示作答錯誤