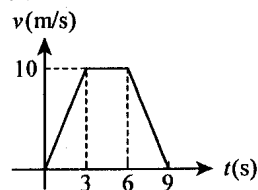
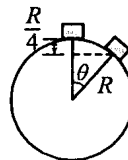


一、單一選擇題 (1 題 每題 4 分 共 40 分，答錯不到扣)

- 下列敘述何者不正確？ (A) 物體作水平等速圓周運動時，向心力對物體不作功 (B) 物體作鉛直面圓周運動時，各瞬時重力對物體均不作功 (C) 肩扛重物，沿斜坡上行，重力對物體作負功 (D) 在行星自近日點移至遠日點之時間內，太陽引力對行星作負功 (E) 斜向拋射一物體，自拋出至落回同一水平面，全程重力對物體作功總和為零。
- 用繩子將質量為 m 的木塊鉛直放下。以 $\frac{g}{4}$ 的向下加速度下降距離 ℓ ，則繩子對木塊所作的功為？ (A) $-\frac{mg\ell}{4}$ (B) $\frac{mg\ell}{4}$ (C) $-\frac{3}{4}mg\ell$ (D) $\frac{3}{4}mg\ell$ (E) $mg\ell$ 。
- 一物體質量 m ，原來以 v_0 的速度向東運動，受到一向北之定力 F 作用 Δt 時間，求此力對物體作功為 (A) $\frac{1}{2}mv_0^2$ (B) $\frac{(F\Delta t)^2}{2m}$ (C) $\frac{(F\Delta t)^2}{m}$ (D) $\frac{(F\Delta t)^2}{2m} - \frac{1}{2}mv_0^2$ (E) $\frac{(F\Delta t)^2}{m} - \frac{1}{2}mv^2$ 。
- 有一衝量 $\vec{J} = 8\vec{i} + 18\vec{j}$ (牛頓·秒) 作用於質量 2 公斤的物體上，若物體初速度 $\vec{v}_0 = 3\vec{i} - 4\vec{j}$ ，則在此過程中力對物體作功為 (A) 218 (B) 183 (C) 110 (D) 55 (E) 49 焦耳。
- 一物體質量 5 公斤於水平面上作直線運動，其速度 v 和時間 t 的關係如圖所示，求全程 9 秒內，外力對物體所作的平均功率為？ (A) $\frac{3000}{9}$ (B) $\frac{250}{9}$ (C) $\frac{20}{3}$ (D) $\frac{4}{3}$ (E) 0 瓦特。



- 質量 m 的物體，由半徑為 R 的光滑圓球頂以初速為零滑下，當下滑至離球頂高度為 $\frac{R}{4}$ 時，球面施於物體的正向力為何？ (A) mg (B) $\frac{3mg}{4}$ (C) $\frac{mg}{2}$ (D) $\frac{mg}{4}$ (E) 0



- 承上題，若在球頂處以 $\sqrt{\frac{1}{2}gR}$ 的初速沿光滑球面滑下，則小球離開球面時距地高度為？ (A) $\frac{5}{3}R$ (B) $\frac{7}{4}R$ (C) $\frac{9}{5}R$ (D) $\frac{11}{6}R$ (E) 從球頂端直接飛出。
- 令距離地球中心無限遠處位能 $U_\infty = 0$ ，則一物體所具有的位能 $U = -\frac{3GMm}{4R}$ ，其中 M 為地球質量、 m 為物體質量、 R 為地球半徑，若改訂地表的重力位能為零，則物體的位能為？ (A) $\frac{GMm}{4R}$ (B) $\frac{3GMm}{4R}$ (C) $-\frac{GMm}{4R}$ (D) $-\frac{3GMm}{4R}$ (E) $-\frac{GMm}{R}$ 。
- 地球半徑為 R ，重力常數 G ，一物體離地表 R 處自由落下，不計阻力，則物體著地速度為 (A) $\sqrt{\frac{GM}{2R}}$ (B) $\sqrt{\frac{2GM}{R}}$ (C) $\sqrt{\frac{GM}{R}}$ (D) $\sqrt{\frac{2GM}{3R}}$ (E) $\sqrt{\frac{3GM}{2R}}$ 。
- 已知地表的脫離速率為 11.2 公里/秒，若月球質量約為地球的 $\frac{1}{81}$ 倍，半徑約為地球的 $\frac{1}{4}$ 倍，則月球表面的脫離速率約為地球表面的幾倍？ (A) $\frac{2}{9}$ (B) $\frac{9}{2}$ (C) $\frac{1}{6}$ (D) $\frac{1}{\sqrt{6}}$ (E) $\frac{4}{18}$

二、多選題：每題 7 分，共 42 分，答錯 1 個答案，倒扣 1.4 分。

11. 一長度為 ℓ ，質量為 m 的均勻繩，其 $\frac{1}{4}$ 長度置於一光滑水平桌面，另外 $\frac{3}{4}$ 垂直懸掛於桌邊

(A) 欲將此繩全部拉回桌面，需做功 $\frac{9}{32}mg\ell$

(B) 欲將此繩全部拉回桌面，需做功 $\frac{9}{16}mg\ell$

(C) 讓此繩自由下滑，當繩沿滑離桌面時速率為 $\sqrt{\frac{7}{16}gl}$

(D) 讓此繩自由下滑，當繩沿滑離桌面時速率為 $\sqrt{\frac{7}{8}gl}$

(E) 讓此繩自由下滑，當繩沿滑離桌面時速率為 $\sqrt{\frac{7}{4}gl}$ 。

12. 將質量為 2 公斤的物體，以初速 10 m/s，沿著傾斜角 53 度而動摩擦係數為 $\frac{1}{3}$ 的斜面上滑，達最高點後又下滑到原位置，且速率為 v 。整個運動的過程中，重力做功為 a ，摩擦力做功為 b ，合力做功為 c ，動能變化為 d ，位能變化為 e ，則下列關係正確者為？（重力加速度 $g = 10 \text{ m/s}^2$ ）

(A) $|d| = |e|$ (B) $d + e = 0$ (C) $d + e = c$ (D) $-b = d$ (E) $a + b = c$

13. 一質量 m 物體自地面作斜向拋射，初速 v_0 ，仰角 θ ，重力加速度 g ，求重力對物體的功率，下列何者正確？

(A) 落地時，瞬時功率為零

(B) 在最高點時，瞬時功率為零

(C) 下降過程中平均功率為 $\frac{1}{2}mgv_0\sin\theta$

(D) 上升過程中平均功率為 $\frac{1}{2}mgv_0\cos\theta$

(E) 自發射至著地，全程平均功率為 $mgv_0\sin\theta$ 。

14. 設有二星球其質量均為 m ，在相互吸引之重力作用下同時以半徑 r 繞此二星球之質量中心作圓周運動，如圖所示，以無窮遠處為重力位能的零位面，則

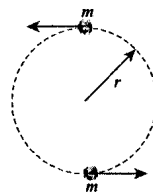
(A) 兩個星球的總動能為 $\frac{Gm^2}{4r}$

(B) 兩個星球的總位能為 $-\frac{Gm^2}{2r}$

(C) 此系統的束縛能為 $\frac{Gm^2}{2r}$

(D) 若對系統作正功 $\frac{Gm^2}{6r}$ ，則新的雙星系統兩星球距離為 $6r$

(E) 承(D)，對新系統再作功 $\frac{Gm^2}{6r}$ 才能將此系統拆散。



15. 壓縮一彈簧 x 長，需施力 F ，作功 W 。若再繼續壓縮 x 長，則

(A) 需力 F (B) 需力 $2F$ (C) 需再作功 $2W$ (D) 需再作功 $3W$ (E) 需再作功 $\frac{3}{2}Fx$ 。

16. 一木塊與輕質彈簧連接，在光滑水平面上來回振動，如圖所示。已知彈簧的彈性常數為 k 牛頓/公尺，木塊質量為 m 公斤，且木塊的振幅為 R 公尺，則

(A) 木塊通過平衡點時的動能為 $\frac{1}{2}kR^2$

(B) 木塊振幅為 $\frac{R}{2}$ 公尺時，位能與動能一樣大

(C) 位能與動能比為 3:1 時，振幅為 $\frac{1}{\sqrt{3}}R$

(D) 位能與動能比為 3:1 時，速率為最大速率的 $\frac{2}{\sqrt{3}}$

(E) 如果木塊的質量加倍，但振幅與彈性常數均不改變，則系統的力學能仍不變



三、計算題 (5 小題 每小題 4 分 共 20 分。請列式計算，否則不計分)

1. 一人造衛星質量為 m ，以橢圓軌道繞地球運行；衛星近地點離地球中心最近的距離為 R ，離地心最遠的距離為 $3R$ 。設地球之質量為 M ，重力常數為 G ，試求：(12%)
 - (A) 遠地點的動能為若干？
 - (B) 此系統的總力學能為若干？
 - (C) 若衛星由近地點運行至距地心 $2R$ 處，求萬有引力對衛星作功若干？

2. 半徑 R 的環狀星雲質量均勻分布大小為 M 。在環心正下方距離 $2R$ 處有一質量 m 的星球，則 (8%)
 - (A) 此時系統的總位能為若干？
 - (B) 若 m 受環狀星雲 M 的吸引而由靜止沿中心軸上移，則 m 通過環心時之速率 $v = ?$

答案卷 (請連同答案卷一併繳回) 班級： 座號： 姓名：

1.

2.

題號	題型	題分	標準答案	全體					226					高分組					61					低分組					全體答 對率	難易 指數	鑑別 指數
				A	B	C	D	E	未	A	B	C	D	E	未	A	B	C	D	E	未										
1	單選題	4	B	8	169	10	28	11	0	2	50	1	7	1	0	1	35	6	11	8	0	74.78%	0.697	0.246							
2	單選題	4	C	38	17	158	12	1	0	5	2	53	0	1	0	17	9	27	8	0	69.91%	0.656	0.426								
3	單選題	4	B	10	107	17	76	16	0	0	46	2	11	2	0	4	12	8	25	12	0	47.35%	0.475	0.557							
4	單選題	4	E	35	43	49	37	59	3	7	8	8	7	28	3	9	14	18	13	7	0	26.11%	0.287	0.344							
5	單選題	4	E	20	44	31	3	128	0	5	5	3	0	48	0	11	18	14	0	18	0	56.64%	0.541	0.492							
6	單選題	4	D	8	84	34	75	24	1	2	11	6	41	1	0	6	27	9	6	13	0	33.19%	0.385	0.574							
7	單選題	4	D	36	65	52	49	24	0	11	11	9	25	5	0	6	17	17	12	9	0	21.68%	0.303	0.213							
8	單選題	4	A	99	48	27	21	31	0	44	10	4	0	3	0	6	18	9	12	16	0	43.81%	0.410	0.623							
9	單選題	4	C	29	48	126	9	14	0	5	11	44	0	1	0	19	19	8	6	9	0	55.75%	0.426	0.590							
10	單選題	4	A	136	39	25	12	12	2	46	5	4	2	4	0	21	17	13	5	3	2	60.18%	0.549	0.410							
11	多重選五	7	AC	137	91	106	59	34	0	52	9	41	8	7	0	19	45	19	25	9	0	33.19%	0.344	0.525							
12	多重選五	7	CE	95	97	120	76	182	0	15	13	43	24	53	0	35	43	20	17	43	0	19.47%	0.189	0.246							
13	多重選五	7	BC	50	170	160	63	75	1	3	52	48	10	9	1	19	45	30	29	30	0	30.53%	0.320	0.541							
14	多重選五	7	ABD	143	177	117	103	77	0	48	55	23	29	9	0	33	37	41	34	26	0	12.39%	0.172	0.311							
15	多重選五	7	BDE	39	160	39	138	100	0	6	47	5	49	31	0	14	43	23	16	24	0	16.81%	0.197	0.197							
16	多重選五	7	AE	175	71	94	97	119	8	50	5	14	20	39	3	39	34	36	33	27	2	19.91%	0.213	0.426							

選填題或五選項以上各題以 1(或A) 表示作答正確, 2(或B) 表示作答錯誤

題號	題型	題分	標準答案	全體						226						高分組						61						低分組						61						全體答對率	難易指數	鑑別指數
				A	B	C	D	E	未	A	B	C	D	E	未	A	B	C	D	E	未	A	B	C	D	E	未															
1	單選題	4	B	8	169	10	28	11	0	2	50	1	7	1	0	1	35	6	11	8	0	74.78%	0.697	0.246																		
2	單選題	4	C	38	17	158	12	1	0	5	2	53	0	1	0	17	9	27	8	0	69.91%	0.656	0.426																			
3	單選題	4	B	10	107	17	76	16	0	0	46	2	11	2	0	4	12	8	25	12	0	47.35%	0.475	0.557																		
4	單選題	4	E	35	43	49	37	59	3	7	8	8	7	28	3	9	14	18	13	7	0	26.11%	0.287	0.344																		
5	單選題	4	E	20	44	31	3	128	0	5	5	3	0	48	0	11	18	14	0	18	0	56.64%	0.541	0.492																		
6	單選題	4	D	8	84	34	75	24	1	2	11	6	41	1	0	6	27	9	6	13	0	33.19%	0.385	0.574																		
7	單選題	4	D	36	65	52	49	24	0	11	11	9	25	5	0	6	17	17	12	9	0	21.68%	0.303	0.213																		
8	單選題	4	A	99	48	27	21	31	0	44	10	4	0	3	0	6	18	9	12	16	0	43.81%	0.410	0.623																		
9	單選題	4	C	29	48	126	9	14	0	5	11	44	0	1	0	19	19	8	6	9	0	55.75%	0.426	0.590																		
10	單選題	4	A	136	39	25	12	12	2	46	5	4	2	4	0	21	17	13	5	3	2	60.18%	0.549	0.410																		
11	多重選五	7	AC	137	91	106	59	34	0	52	9	41	8	7	0	19	45	19	25	9	0	33.19%	0.344	0.525																		
12	多重選五	7	CE	95	97	120	76	182	0	15	13	43	24	53	0	35	43	20	17	43	0	19.47%	0.189	0.246																		
13	多重選五	7	BC	50	170	160	63	75	1	3	52	48	10	9	1	19	45	30	29	30	0	30.53%	0.320	0.541																		
14	多重選五	7	ABD	143	177	117	103	77	0	48	55	23	29	9	0	33	37	41	34	26	0	12.39%	0.172	0.311																		
15	多重選五	7	BDE	39	160	39	138	100	0	6	47	5	49	31	0	14	43	23	16	24	0	16.81%	0.197	0.197																		
16	多重選五	7	AE	175	71	94	97	119	8	50	5	14	20	39	3	39	34	36	33	27	2	19.91%	0.213	0.426																		
選填題或五選項以上各題以 1(或A) 表示作答正確, 2(或B) 表示作答錯誤																																										