

桃園市立平鎮高級中學 107 學年度 第二學期 期末考試試卷 高一數學科

通用班級：101~113 考試範圍：第二冊 3-2~4-2 命題：游正洋

試卷張數：共計 3 張 第 1 頁

一、單一選擇題：(每題 5 分)

1. 已知下述 7 個資料 1、2、2、8、9、10、10 的標準差為 k ，則加入下列哪一個數値可以得到最小的標準差？

- (1) 2 (2) 5 (3) 6 (4) 8 (5) 10

2. 下表是啟益第一次期中考國文、英文、數學、物理、化學等五科的得分以及全班五科的平均分數與標準差：

啟益期中考得分	國文	英文	數學	物理	化學
66	75	90	86	89	
全班平均分數	62.28	73.34	80.51	57.34	69.36
全班標準差	10.94	11.61	11.05	15.13	12.49

請問，啟益的第一次期中考哪一個科目標準化分數最高？

- (1) 國文 (2) 英文 (3) 數學 (4) 物理 (5) 化學

3. 在某項才藝競賽中，為了避免評審個人主觀影響參賽者成績太大，主辦單位規定：先將 10 位評審給每一位參賽者的成績求得算術平均數，再將與算術平均數相差超過一個標準差的評審成績剔除後重新計算平均值做為此參賽者的比賽成績。現在有一位參賽者所獲 10 位評審的成績分別為 84、85、80、93、78、75、45、81、76、73 分，已知其平均數為 77 分，標準差為 12 分，則這個參賽者的比賽成績為多少分？

- (1) 77 (2) 78 (3) 81 (4) 80 (5) 79

4. 下述 7 個資料由小到大依序為 1、 a 、 b 、 c 、 d 、 e 、10，若這群資料的標準差為 k ，則下列何者可能為 k 值？

- (1) 0 (2) 1 (3) 3 (4) 6 (5) 8

5. 袋中有 8 個大小相同的球，其中有 3 個紅球及 5 個白球。下列情況下，何者的機率最高？

- (1) 從袋中抽出一顆球，取得紅球的機率
(2) 每次任取一球，取出後不放回，紅球先取完的機率
(3) 從袋中一次抽出二顆球，取得 2 球同色的機率
(4) 從袋中一次抽出二顆球，取得 1 紅 1 白球的機率
(5) 從袋中一次抽出三顆球，取得 1 紅 2 白球的機率

6. 一組二維數據 X 與 Y 滿足下列的條件： $\sum_{i=1}^5 X_i = 200$ ， $\sum_{i=1}^5 Y_i = 250$ ， $\sum_{i=1}^5 X_i^2 = 1200$ ， $\sum_{i=1}^5 Y_i^2 = 1350$ ， $\sum_{i=1}^5 X_i Y_i = 850$ ，若 X 與 Y 的相關係數為 r ，則 $r =$

- (1) -0.75 (2) 0.75 (3) -0.25 (4) 0.25 (5) 0.5

二、多重選擇題：(每題 5 分，錯一個選項可得 3 分，錯兩個選項得 1 分，錯三個選項以上不給分)

7. 設 A、B 為獨立事件，若 $P(A'|B') = \frac{3}{5}$ ， $P(A' \cap B) = \frac{2}{5}$ ，則下列那些選項是正確的？

$$(1) P(B'|A') = \frac{2}{5} \quad (2) P(A|B) = \frac{2}{5} \quad (3) P(B) = \frac{2}{3} \quad (4) P(A \cap B) = \frac{3}{10} \quad (5) P(A \cap B') = \frac{2}{15}$$

8. 一組二維數據 X 與 Y 滿足下列的條件：算術平均數 $\mu_X = 50$ ， $\mu_Y = 160$ ，標準差 $\sigma_X = 6$ ， $\sigma_Y = 12$ ，相關係數 $r_{XY} = 0.75$ ，若 $V = 3X - 10$ ， $U = 15 - 2Y$ ，則下列那些選項是正確的？

$$(1) r_{XV} = 0.75 \quad (2) r_{UV} = -0.75 \quad (3) r_{UY} = -1 \quad (4) \sigma_U = -24 \quad (5) \sigma_V = 8$$

9. 高一 8 班全班共有 45 名學生，第一次期中考成績統計結果資料如下：

國文及格的有 41 人，數學及格的有 23 人，物理及格的有 38 人，國文及數學及格的有 21 人，物理及格且數學及格的有 35 人，物理及格且數學及格的有 21 人，三科都及格的有 20 人。從高一 8 班的學生中隨機挑選 1 人，請問下列敘述哪些是對的？

(1) 挑選到的學生恰有一科及格的機率為 $\frac{8}{45}$

(2) 在挑選到的學生恰有二科及格的條件下，該生國文及物理都及格的機率為 $\frac{35}{45}$

(3) 在挑選到的學生國文及物理都及格的條件下，該生恰有二科及格的機率為 $\frac{15}{45}$

(4) 在挑選到的學生恰有一科及格的條件下，該生數學及格的機率為 $\frac{1}{4}$

(5) 在挑選到的學生數學及格的條件下，該生恰有二科及格的機率為 $\frac{2}{23}$

三、填充題：(每格 5 分)

10. 下課時語辰、燦瑤、喜珍、莉文等 4 個人玩剪刀、石頭、布的猜拳遊戲，只猜一拳，輸的人要幫贏的同學去福利社買

飲料。請問：4 個人平手的機率為 $\frac{\textcircled{10} \textcircled{11}}{\textcircled{12} \textcircled{13}}$

11. 欣榮投擲一顆公正的骰子三次，求三次骰子的點數和為 14 的機率為 $\frac{\textcircled{13}}{\textcircled{15} \textcircled{16}}$

12. 期末考考完的下午柏凱、聖均與國瑋約了 6 位同學共 9 人到籃球場玩 3 對 3 牛賽，剛好平分成 3 聲隊、每隊 3 人，請問柏凱、聖均與國瑋中任二人不在同一隊的機率為 $\frac{\textcircled{1}}{\textcircled{18} \textcircled{19}}$

13. 模彩箱中有 1、2、3、...、9 等 9 顆球，文彤先從袋中取出一球，紀錄號碼後將球放回袋中，然後換柏漢從袋中取出一球，紀錄號碼。雙方言明抽到的球號數字大者獲勝，若平手的話則由文彤獲勝，請問文彤獲勝的機率為 $\frac{\textcircled{20}}{\textcircled{21}}$ (需化為最簡分數)

14. 家家打算從 1、2、3、...、100 的正整數中挑選一數 p 當作幸運數字，在 p 為 2 的倍數但不是 5 的倍數的條件下， p 為 3 的倍數的機率為 $\frac{\textcircled{2}\textcircled{3}}{\textcircled{2}\textcircled{4}\textcircled{2}\textcircled{5}}$

$$\frac{\textcircled{2}\textcircled{3}}{\textcircled{2}\textcircled{4}\textcircled{2}\textcircled{5}}$$

15. Lion公司所製做的保溫瓶全球知名，Lion公司分別在中國、泰國、越南等國家設有工廠製做保溫瓶行銷全世界，若 Lion 公司生產的保溫瓶總產量中，中國製占 25%，泰國製占 35%，越南製占 40%。依過去經驗知道中國、泰國、越南工廠製造的產品中不良品分別占 6%、10%、12%，今從全部的產品中任意抽驗一隻保溫瓶，在已知抽到不良品的情形下，試求此不良品為中國工廠所生產的機率為 $\frac{\textcircled{2}\textcircled{6}\textcircled{2}\textcircled{7}}{\textcircled{2}\textcircled{8}\textcircled{2}\textcircled{9}}$

$$\frac{\textcircled{2}\textcircled{6}\textcircled{2}\textcircled{7}}{\textcircled{2}\textcircled{8}\textcircled{2}\textcircled{9}}$$

16. 宥明、德芳與蕭安三人同射一靶，每人一發，設宥明、德芳與蕭安的射擊命中率各為 0.9、0.8、0.7，且三人命中靶面之事件為獨立事件，則至少有一人命中靶面的機率為 $0. \textcircled{3}\textcircled{0}\textcircled{3}\textcircled{1}\textcircled{3}\textcircled{2}$ ；

17. 某班 12 位學生數學小考的分數如右表，若使用簡單隨機抽樣法，從這 12 個個人的分數中取出三個，在 3 人總分為 200 分的條件下，則所取出三個分數的中位數恰等於 70 的機率為 $\frac{\textcircled{3}\textcircled{3}\textcircled{3}\textcircled{4}}{\textcircled{3}\textcircled{5}\textcircled{3}\textcircled{6}}$ ；

18. 數學老師將高一 8 班的學生分成甲、乙兩組。某次測驗，成績如右表所示，則：全班 45 位同學此次測驗之標準差為 $\frac{\textcircled{3}\textcircled{7}\textcircled{3}\textcircled{8}}{\textcircled{3}\textcircled{9}\textcircled{3}\textcircled{0}}$ ；

19. 設有一組二維數據 X 與 Y 滿足下列的條件：算術平均數 $\mu_X = 20$ 、 $\mu_Y = 40$ ，標準差 $\sigma_X = 5$ 、 $\sigma_Y = 10$ ，已知 r 對 X 的迴歸直線通過 $(28, 50)$ ，求 X 與 Y 的相關係數為 $r = \frac{\textcircled{3}\textcircled{9}}{\textcircled{4}\textcircled{0}}$

20. 右表為高一 8 班佳佑、子茜、敬中、梓家、卉珊等 5 位同學第一次段考國文成績與數學成績，請問：佳佑、子茜、敬中、梓家、卉珊等 5 位同學第一次段考國文成績與數學成績的相關係數為 $\frac{\textcircled{1}\textcircled{1}}{\textcircled{1}\textcircled{2}}$ ；

學生	佳佑	子茜	敬中	梓家	卉珊
國文	70	55	65	60	75
數學	90	75	70	80	85

桃園市立平鎮高級中學 107學年第2學期定期考 - 年級不限級別數學 II [2019/6/27/00050101052] 全體考生 試題分析表

題號	題分	標準答案	全體					高分組					低分組					全體答							
			1	2	3	4	5	未	1	2	3	4	5	未	1	2	3	4	5	未	1	2	3	4	5
1	5	3	270	229	0	0	0	0	92	43	0	0	0	0	42	93	0	0	0	0	82	1%	0	0	0
2	5	4	391	108	0	0	0	0	185	20	0	0	0	0	88	47	0	0	0	0	78	36%	0	0	0
3	5	5	368	131	0	0	0	0	121	14	0	0	0	0	69	66	0	0	0	0	75	75%	0	0	0
4	5	3	254	241	0	0	0	0	92	42	0	0	0	0	46	88	0	0	0	1	50	90%	0	0	0
5	5	2	191	306	0	0	0	0	97	38	0	0	0	0	13	122	0	0	0	0	38	28%	0	0	0
6	5	1	245	247	0	0	0	0	112	23	0	0	0	0	35	106	0	0	0	0	49	0%	0	0	0
7	5	235	151	394	349	176	311	9	20	120	113	22	104	1	60	93	77	70	62	2	38.0%	0	0	0	
8	5	23	251	395	217	211	142	7	61	122	66	36	14	0	67	88	65	71	64	2	14.0%	0	0	0	
9	5	15	360	151	181	129	389	7	122	11	23	9	126	0	71	75	77	57	85	5	40.48%	0	0	0	
10	5	1327	107	392	0	0	0	0	63	72	0	0	0	0	129	0	0	0	0	0	21.44%	0	0	0	
14	5	572	261	238	0	0	0	0	105	30	0	0	0	0	30	105	0	0	0	0	52	30%	0	0	0
17	5	928	82	417	0	0	0	0	52	83	0	0	0	0	4	131	0	0	0	0	16	43%	0	0	0
20	5	59	272	227	0	0	0	0	118	17	0	0	0	0	5	104	0	0	0	0	54	51%	0	0	0
22	5	1340	258	241	0	0	0	0	101	34	0	0	0	0	34	101	0	0	0	0	51	70%	0	0	0
26	5	1598	583	116	0	0	0	0	129	6	0	0	0	0	57	78	0	0	0	0	76	75%	0	0	0
30	5	904	280	219	0	0	0	0	123	12	0	0	0	0	17	118	0	0	0	0	56	11%	0	0	0
33	5	2129	66	433	0	0	0	0	47	88	0	0	0	0	1	124	0	0	0	0	13	23%	0	0	0
37	5	10	971	328	0	0	0	0	105	30	0	0	0	0	6	129	0	0	0	0	34	21%	0	0	0
39	5	243	256	0	0	0	0	111	24	0	0	0	0	22	113	0	0	0	0	48	70%	0	0	0	
41	5	35	278	221	0	0	0	0	116	19	0	0	0	0	32	103	0	0	0	0	55	71%	0	0	0

備註: 1. 本題面以上各題以 1(A)或 A)進行評量, 2(B)或 B)表示是否錯題